

# 國立中央大學 113 學年度碩士班考試入學試題

所別： 應用地質研究所 碩士班 不分組(一般生)

第 1 頁 / 共 1 頁

應用地質研究所 碩士班 不分組(在職生)

科目： 微積分

\* 本科考試禁用計算器

計算題應詳列計算過程，無計算過程者不予計分

(1) 求下列函數之  $f'(x)$  (10%)

a.  $f(x)=3x^4 + 5x^2 - x + 7$

b.  $f(x)=\frac{x^5 + 2x^2 - 6}{x^3}$

(2) 求下列函數之  $f''(x)$  (10%)

a.  $f(x)=\sin x - \cos x$

b.  $f(x)=3x^4 + 5x - 6$

(3)  $f(x)=\sin(\cos x)$  求  $f'(x)$  (10%)

(4)  $f(x)=(\frac{x+3}{x-2})^3$  求  $f'(1)$  (10%)

(5)  $f(x^2)=x^3 + 5x$ ，且  $x > 0$  求  $f'(4)$  (10%)

(6) 請繪圖並求下列積分 (30%)

a.  $\int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$

b.  $\int_1^3 2x dx$

c.  $\int_0^5 (1-x) dx$

(7) 求下列積分 (20%)

a.  $\int \sqrt[3]{1+4x} dx$

b.  $\int x^2 \sin(x^3) dx$