

# 國立中央大學 114 學年度碩士班考試入學試題

系所： 土木工程學系 碩士班 力學與結構工程組(一般生)

第 1 頁 / 共 2 頁

科目： 工程數學

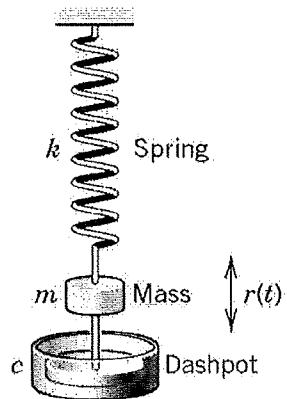
\*本科考試禁用計算器

\*1-3 題為計算題，第 4 題為證明題請詳列計算與證明過程 無計算過程者不予計分

1. A damped system as shown in figure where  $m=1$ ,  $k=2$ ,  $c=3$ ,  $r(t)=4\cos t$ ,  $y(0)=y'(0)=0$ ,

(1) Conduct the mass displacement (10%)

(2) If  $r(t)=e^{-t}$ , conduct the mass displacement (15%)



2. Given a system  $\begin{Bmatrix} y_1'(t) \\ y_2'(t) \end{Bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -3 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{Bmatrix}$  Find the Eigenvalues, Eigenvectors, and General solution. (25%)

# 國立中央大學 114 學年度碩士班考試入學試題

系所：土木工程學系 碩士班 力學與結構工程組(一般生)

第 二 頁 / 共 二 頁

科目：工程數學

\*本科考試禁用計算器

3. Find the  $A^{10}$  (25%)

where  $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 & -2 \\ 2 & 5 & 0 \\ -2 & 0 & 3 \end{bmatrix}$

4. Prove  $\text{rank}(B^T A^T) = \text{rank}(AB)$  (25%)

注意：背面有試題